

Énoncé

Soit n un entier naturel supérieur ou égal à 2, on désigne par $\{0, 1\}^n$ l'ensemble des n -uplets de 0 ou de 1. Pour tout $b = (b_1, \dots, b_n) \in \{0, 1\}^n$

$$B(b) = \sum_{i=1}^n \frac{b_i}{2^n} \quad x(b) = \sum_{i=1}^{\lfloor \frac{n+1}{2} \rfloor} \frac{b_{2i-1}}{2^i} \quad y(b) = \sum_{i=1}^{\lfloor \frac{n}{2} \rfloor} \frac{b_{2i}}{2^i}$$

On note aussi $P(b)$ le point de coordonnées $(x(b), y(b))$. Vous devrez utiliser une variable n qui désignera globalement l'entier n .

1. Désignons par B la liste représentant un $b \in \{0, 1\}^n$. Écrire une procédure nommée `suivant` telle que l'appel `suivant(B)` renvoie la liste attachée au n -uplet b' de 0 et de 1. On dira que b' est le n -uplet suivant b , il est tel que

$$B(b') = B(b) + \frac{1}{2^n}$$

Si B ne contient que des 1 une telle liste n'existe pas et on convient alors de renvoyer B .

2. En partant de b égal au n -uplet nul, former un dessin contenant les segments $[P(b), P(b')]$ où b' est le n -uplet suivant b .